




Министерство науки и высшего образования Российской Федерации Ульяновский государственный университет	Форма	
Ф-Рабочая программа по дисциплине		

## 1. ЦЕЛИ И ЗАДАЧИ ИЗУЧЕНИЯ ДИСЦИПЛИНЫ

### Цели освоения дисциплины:

- освоение студентами математического аппарата теории вычислительной сложности;
- знакомство с основными сложностными классами вычислительных задач и теорией вычислимых функций;

### Задачи освоения дисциплины:

- освоение основных подходов и методов строгой математической оценки вычислительной сложности алгоритмов;
- оперативное владение понятиями теории сложности вычислений и способами доказательства соотношения между сложностными классами.

## 2. МЕСТО ДИСЦИПЛИНЫ В СТРУКТУРЕ ОПОП

Дисциплина относится к числу прикладных дисциплин и занимает важное место в блоке дисциплин по выбору Б1.В.ДВ. в рамках профессионального цикла Б1 образовательной программы и читается в 7-м семестре студентам специальности «Компьютерная безопасность» очной формы обучения.


Для успешного освоения дисциплины необходимы знания основных фактов из базовых курсов: «Дискретная математика», «Математическая логика и теория алгоритмов» «Математический анализ», «Алгебра».

Результаты освоения дисциплины будут необходимы для дальнейшего процесса обучения в рамках поэтапного формирования компетенций при изучении следующих специальных дисциплин: «Теория кодирования, сжатия и восстановления информации», «Технология разработки программного обеспечения», а также для прохождения учебной, производственной и преддипломной практик, государственной итоговой аттестации.

## 3. ПЕРЕЧЕНЬ ПЛАНИРУЕМЫХ РЕЗУЛЬТАТОВ ОБУЧЕНИЯ ПО ДИСЦИПЛИНЕ (МОДУЛЮ), СОТНЕСЕННЫХ С ПЛАНИРУЕМЫМИ РЕЗУЛЬТАТАМИ ОСВОЕНИЯ ОБРАЗОВАТЕЛЬНОЙ ПРОГРАММЫ

Процесс изучения дисциплины «Теория вычислительной сложности» направлен на формирование следующих компетенций.

Код и наименование реализуемой компетенции	Перечень планируемых результатов обучения по дисциплине (модулю), соотнесенных с индикаторами достижения компетенций
ПК-4 – способностью проводить анализ и участвовать в разработке математических моделей безопасности компьютерных систем	Знать: основные понятия математического аппарата дисциплины; Уметь: соотносить сложностные задачи по их оценкам; Владеть: навыками разрешения задач в классах сложности.
ПК-7 – способностью проводить анализ проектных решений по обеспечению защищенности компьютерных систем	Знать: основные классы вычислительной сложности и отношения на них; Уметь: корректно оценивать вычислительную сложность реализуемого алгоритма; Владеть: приёмами оценки различных алгоритмов и задач;

Министерство науки и высшего образования Российской Федерации Ульяновский государственный университет	Форма	
Ф-Рабочая программа по дисциплине		

#### 4. ОБЩАЯ ТРУДОЕМКОСТЬ ДИСЦИПЛИНЫ


4.1. Объем дисциплины в зачетных единицах (всего) 3.

4.2. Объем дисциплины по видам учебной работы:

Вид учебной работы	Количество часов (форма обучения - дневная)			
	Всего по плану	В т.ч. по семестрам		
		7		
Контактная работа обучающихся с преподавателем	36	36		
Аудиторные занятия:				
• Лекции	18	18		
• Практические и семинарские занятия	18	18		
• Лабораторные работы (лабораторный практикум)				
Самостоятельная работа	72	72		
Форма текущего контроля знаний и контроля самостоятельной работы		проверка решения задач, тестирование		
Курсовая работа				
Экзамен				
Всего часов по дисциплине	108	108		
Виды промежуточной аттестации (экзамен, зачет)		зачет		
Общая трудоемкость в зач. ед.	3	3		

4.3. Содержание дисциплины. Распределение часов по темам и видам учебной работы:

Форма обучения \_\_\_\_\_ очная \_\_\_\_\_

Министерство науки и высшего образования Российской Федерации Ульяновский государственный университет	Форма	
Ф-Рабочая программа по дисциплине		


Название разделов и тем	Всего	Виды учебных занятий					Форма текущего контроля знаний
		Аудиторные занятия			Занятия в интерактивной форме	Самостоятельная работа	
		Лекции	Практические занятия, семинары	Лабораторные работы, практикумы			
1	2	3	4	5	6	7	
<b>Раздел 1. Основы вычислимости и теории сложности</b>							
1. Вычислимость, разрешимость, перечислимость	15	2	3			10	Решение задач, тестирование
2. Класс NP, его свойства, сложностные функции и их характеристики	12	2	2			8	Решение задач, тестирование
3. Теорема о неподвижной точке. Понятие о машине Тьюринга	12	2	2			8	Решение задач, тестирование
4. Моделирование машин Тьюринга	15	3	2			10	Решение задач, тестирование
<b>Раздел 2. Иерархия в теории сложности</b>							
5. Вычислимость и выразимость в арифметике	12	2	2			8	Решение задач, тестирование
6. Вопросы арифметической иерархии	12	2	2			8	Решение задач, тестирование
7. P vs NP с оракулами. Иерархии по времени	15	3	2			10	Решение задач, тестирование
8. Полиномиальная иерархия	15	2	3			10	Решение задач, тестирование
Зачет	2						
Итого	108	18	18			72	

## 5. СОДЕРЖАНИЕ ДИСЦИПЛИНЫ (МОДУЛЯ)

### Раздел 1. Основы вычислимости и теории сложности

#### Тема 1. Вычислимость, разрешимость, перечислимость

Разрешимые, P-разрешимые, рекурсивно-перечислимые классы языков. Теорема Поста, теорема о RE-языке. Вложенность классов. Существование неразрешимых задач. Самая сложная задача. Сведение языка к более общему. Существование L из RE\R, построение такого языка. Доказательство существования вычислимых, но не разрешимых языков.

Министерство науки и высшего образования Российской Федерации Ульяновский государственный университет	Форма	
Ф-Рабочая программа по дисциплине		

**Тема 2. Класс NP, его свойства, сложностные функции и их характеристики**  
NP-полнота задачи об ограниченной остановке. Вычислимость в терминологии функций. Теорема Успенского-Райса. Примеры неразрешимых множеств. Последовательность Шпеккера. Функции сложности вычислений. Теорема о существовании сложно вычислимых функций. Теорема Блюма.

**Тема 3. Теорема о неподвижной точке. Понятие о машине Тьюринга**  
Теорема о неподвижной точке. Программа, печатающая свой текст. Доказательство с помощью искусственного языка программирования. Машины Тьюринга. Неразрешимость задачи Поста..

**Тема 4. Моделирование машин Тьюринга**  
Нижняя оценка на палиндром на одноленточной машине Тьюринга. Моделирование k-ленточной машины на k-ленточной с линейным замедлением. Недетерминированные машины Тьюринга и класс NP. Задача Circuit-SAT, сведение Circuit-SAT к 3SAT.

## Раздел 2. Иерархия в теории сложности

**Тема 5. Вычислимость и выразимость в арифметике**  
Формулы исчисления предикатов. Выразимость в арифметике. Арифметичность перечислимых множеств.

**Тема 6. Вопросы арифметической иерархии**  
Арифметическая иерархия и ее простейшие свойства. Универсальные множества в арифметической иерархии. Строгость арифметической иерархии. Теоремы Тарского и Геделя. Системы доказательств и перечислимые множества. Колмогоровская сложность, ее невычислимость. Доказательство Чайтина теоремы Геделя о неполноте.

**Тема 7. P vs NP с оракулами. Иерархии по времени.**  
Оракулы при которых  $P=NPP=NP$  и  $P \neq NPP \neq NP$ . Иерархия по времени для детерминированных и недетерминированных вычислений.

**Тема 8. Полиномиальная иерархия**  
Некоторые другие классы сложности. Замкнутость классов  $NSpace[s(n)]$  относительно дополнения. Полиномиальная иерархия. Простейшие свойства, полные задачи в  $\Sigma P_i$  и в  $P P_i$ . Оракульное определение полиномиальной иерархии.

## 6. ТЕМЫ ПРАКТИЧЕСКИХ И СЕМИНАРСКИХ ЗАНЯТИЙ

### Раздел 1. Основы вычислимости и теории сложности

**Тема 1. Вычислимость, разрешимость, перечислимость**


1. Обоснование разрешимости и P-разрешимости некоторых языков.
2. Исследование на принадлежности задач классам R и P.

**Тема 2. Класс NP, его свойства, сложностные функции и их характеристики**

1. Вычисление асимптотических оценок сложности алгоритмических решений
2. Примеры задача из класса NP.

**Тема 3. Теорема о неподвижной точке. Понятие о машине Тьюринга**

1. Пример использования теоремы о неподвижной точке.

Министерство науки и высшего образования Российской Федерации Ульяновский государственный университет	Форма	
Ф-Рабочая программа по дисциплине		

## 2. m-сводимость

### Тема 4. Моделирование машин Тьюринга

1. Распознаваемость на машине Тьюринга.
2. Эффективное моделирование k-ленточной машины на 2-ленточной.

### Раздел 2. Иерархия в теории сложности

### Тема 5. Вычислимость и выразимость в арифметике

1. Применение теории алгоритмов в математической логике
2. Доказательство арифметичности некоторых множеств

### Тема 6. Вопросы арифметической иерархии

1. Продуктивность и неарифметичность множеств.
2. Гёделева нумерация.

### Тема 7. P vs NP с оракулами. Иерархии по времени

1. Машины с оракулом и сводимость Кука, ее транзитивность и сохранение класса P.
2. Построение функции, не конструируемой по времени

### Тема 8. Полиномиальная иерархия

1. Отношения между классами в полиномиальной иерархии.
2. Исследование свойств алгоритмов, принадлежащих к тому или иному сложностному классу.

### 7. ЛАБОРАТОРНЫЕ РАБОТЫ (ЛАБОРАТОРНЫЙ ПРАКТИКУМ)

Лабораторные работы (лабораторный практикум) не предусмотрены учебным планом.

### 8. ТЕМАТИКА КУРСОВЫХ, КОНТРОЛЬНЫХ РАБОТ, РЕФЕРАТОВ

Курсовые работы, контрольные работы, рефераты не предусмотрены учебным планом.


### 9. ПЕРЕЧЕНЬ ВОПРОСОВ К ЭКЗАМЕНУ (ЗАЧЕТУ)

#### Основы вычислимости и теории сложности

1. Определение классов разрешимых и полиномиально-разрешимых языков. Пример таких языков.
2. Перечислимые языки. Теорема Поста.
3. Понятие RE – класса, эквивалентность трёх определений.
4. Существование вычислимого, но не разрешимого языка. Построение языка, не распознающегося ни одним алгоритмом.
5. NP-языки. NP - Полнота задачи об ограниченной остановке.
6. Теорема Успенского-Райса. Последовательность Шпеккера.
7. Функции сложности вычислений. Теорема о существовании сложно вычислимых функций. Теорема Блюма.
8. Теорема о неподвижной точке. Понятие машины Тьюринга.
9. Неразрешимость задачи Поста.
10. Нижняя оценка на палиндром на одноленточной машине Тьюринга.
11. Задача Circuit-SAT, сведение Circuit-SAT к 3SAT.

#### Иерархия в теории сложности

12. Арифметические множества и функции. Китайская теорема об остатках.
13. Теорема Тарского.


Министерство науки и высшего образования Российской Федерации Ульяновский государственный университет	Форма	
Ф-Рабочая программа по дисциплине		

14. Первая теорема Гёделя о неполноте.
15. Понятие Колмогоровской сложности, ее невычислимость.
16. Оракульная машина Тьюринга, её свойства.
17. Теорема Мучника-Фридберга о несравнимых по Тьюрингу множествах.
18. Полиномиальная сводимость.
19. Классы  $DTIME[s(n)]$ ,  $NDTIME[s(n)]$ ,  $NSpace[s(n)]$
20. Простейшие свойства, полные задачи в  $\Sigma P_i$  и в  $P P_i$ .

### 10. САМОСТОЯТЕЛЬНАЯ РАБОТА СТУДЕНТОВ

Название разделов и тем	Вид самостоятельной работы	Объем в часах	Форма контроля
1. Вычислимость, разрешимость, перечислимость	Проработка учебного материала, подготовка к сдаче зачета, решение задач	10	Зачет, проверка решения задач, тестирование
2. Класс NP, его свойства, сложностные функции и их характеристики	Проработка учебного материала, подготовка к сдаче зачета, решение задач	8	Зачет, проверка решения задач, тестирование
3. Теорема о неподвижной точке. Понятие о машине Тьюринга	Проработка учебного материала, подготовка к сдаче зачета	8	Зачет, тестирование
4. Моделирование машин Тьюринга	Проработка учебного материала, подготовка к сдаче зачета, решение задач	10	Зачет, проверка решения задач, тестирование
5. Вычислимость и выразимость в арифметике	Проработка учебного материала, подготовка к сдаче зачета, решение задач	8	Зачет, проверка решения задач, тестирование
6. Вопросы арифметической иерархии	Проработка учебного материала, подготовка к сдаче зачета, решение задач	8	Зачет, проверка решения задач, тестирование
7. P vs NP с оракулами. Иерархии по времени	Проработка учебного материала, подготовка к сдаче зачета, решение задач	10	Зачет, проверка решения задач, тестирование
8. Полиномиальная иерархия	Проработка учебного материала, подготовка к сдаче зачета	10	Зачет, тестирование



Министерство науки и высшего образования Российской Федерации Ульяновский государственный университет	Форма	
Ф-Рабочая программа по дисциплине		

## 11. УЧЕБНО-МЕТОДИЧЕСКОЕ И ИНФОРМАЦИОННОЕ ОБЕСПЕЧЕНИЕ ДИСЦИПЛИНЫ

### а) Список рекомендуемой литературы

#### основная

1. Балюкевич, Э. Л. Математическая логика и теория алгоритмов : учебное пособие / Э. Л. Балюкевич, Л. Ф. Ковалева. — М. : Евразийский открытый институт, 2009. — 188 с. — ISBN 978-5-374-00220-1. — Текст : электронный // Электронно-библиотечная система IPR BOOKS : [сайт]. — URL: <http://www.iprbookshop.ru/10772.html>
2. Судоплатов, С. В. Математическая логика и теория алгоритмов : учебник и практикум для академического бакалавриата / С. В. Судоплатов, Е. В. Овчинникова. — 5-е изд., стер. — Москва : Издательство Юрайт, 2019. — 255 с. — (Высшее образование). — ISBN 978-5-534-00767-1. — Текст : электронный // ЭБС Юрайт [сайт]. — URL: <https://www.biblio-online.ru/bcode/432018>

#### Дополнительная

1. Лавров И.А., Задачи по теории множеств, математической логике и теории алгоритмов [Электронный ресурс] / Лавров И.А., Максимова Л.Л. - 5-е изд., исправл. - М. : ФИЗМАТЛИТ, 2002. - 256 с. - ISBN 5-9221-0026-2 - Режим доступа: <http://www.studentlibrary.ru/book/ISBN5922100262.html>
2. Перемитина, Т. О. Математическая логика и теория алгоритмов : учебное пособие / Т. О. Перемитина. — Томск : Томский государственный университет систем управления и радиоэлектроники, 2016. — 132 с. — ISBN 2227-8397. — Текст : электронный // Электронно-библиотечная система IPR BOOKS : [сайт]. — URL: <http://www.iprbookshop.ru/72121.html>

#### Учебно-методическая

1. Сутыркина Е. А. Методические указания для самостоятельной работы студентов по дисциплине «Теория вычислительной сложности» для студентов специальности 10.05.01 «Компьютерная безопасность» очной формы обучения / Е. А. Сутыркина; УлГУ, Фак. математики, информ. и авиац. технологий. - Ульяновск : УлГУ, 2020. - Загл. с экрана; Неопубликованный ресурс. - Электрон. текстовые дан. (1 файл : 372 КБ). - Текст : электронный. <http://lib.ulsu.ru/MegaPro/Download/MObject/4285>

Согласовано:

Г.А. Биб - пр кб УлГУ

должность сотрудника научной библиотеки


Полина И. Ю Биб 18.06.2020

ФИО

подпись

дата



Министерство науки и высшего образования Российской Федерации Ульяновский государственный университет	Форма	
Ф-Рабочая программа по дисциплине		

## б) Программное обеспечение

Для образовательного процесса по данной дисциплине необходим стационарный класс ПК с установленным следующим программным обеспечением:

МойОфис Стандартный, Альт Рабочая станция 8.

в) *Профессиональные базы данных, информационно-справочные системы*

### 1. Электронно-библиотечные системы:

1.1. IPRbooks : электронно-библиотечная система : сайт / группа компаний Ай Пи Ар Медиа. - Саратов, [2020]. – URL: <http://www.iprbookshop.ru>. – Режим доступа: для зарегистрир. пользователей. - Текст : электронный.

1.2. ЮРАЙТ : электронно-библиотечная система : сайт / ООО Электронное издательство ЮРАЙТ. – Москва, [2020]. - URL: <https://www.biblio-online.ru>. – Режим доступа: для зарегистрир. пользователей. - Текст : электронный.

1.3. Консультант студента : электронно-библиотечная система : сайт / ООО Политехресурс. – Москва, [2020]. – URL: [http://www.studentlibrary.ru/catalogue/switch\\_kit/x2019-128.html](http://www.studentlibrary.ru/catalogue/switch_kit/x2019-128.html). – Режим доступа: для зарегистрир. пользователей. – Текст : электронный.

1.4. Лань : электронно-библиотечная система : сайт / ООО ЭБС Лань. – Санкт-Петербург, [2020]. – URL: <https://e.lanbook.com>. – Режим доступа: для зарегистрир. пользователей. – Текст : электронный.

1.5. Znanium.com : электронно-библиотечная система : сайт / ООО Знаниум. - Москва, [2020]. - URL: <http://znanium.com>. – Режим доступа : для зарегистрир. пользователей. - Текст : электронный.

1.6. Clinical Collection : коллекция для медицинских университетов, клиник, медицинских библиотек // EBSCOhost : [портал]. – URL: <http://web.a.ebscohost.com/ehost/search/advanced?vid=1&sid=e3ddfb99-a1a7-46dd-a6eb-2185f3e0876a%40sessionmgr4008>. – Режим доступа : для авториз. пользователей. – Текст : электронный.

2. **КонсультантПлюс** [Электронный ресурс]: справочная правовая система. /ООО «Консультант Плюс» - Электрон. дан. - Москва : КонсультантПлюс, [2020].

### 3. Базы данных периодических изданий:

3.1. База данных периодических изданий : электронные журналы / ООО ИВИС. - Москва, [2020]. – URL: <https://dlib.eastview.com/browse/udb/12>. – Режим доступа : для авториз. пользователей. – Текст : электронный.

3.2. eLIBRARY.RU: научная электронная библиотека : сайт / ООО Научная Электронная Библиотека. – Москва, [2020]. – URL: <http://elibrary.ru>. – Режим доступа : для авториз. пользователей. – Текст : электронный

3.3. «Grebennikon» : электронная библиотека / ИД Гребенников. – Москва, [2020]. – URL: <https://id2.action-media.ru/Personal/Products>. – Режим доступа : для авториз. пользователей. – Текст : электронный.

4. **Национальная электронная библиотека** : электронная библиотека : федеральная государственная информационная система : сайт / Министерство культуры РФ ; РГБ. – Москва, [2020]. – URL: <https://нэб.рф>. – Режим доступа : для пользователей научной библиотеки. – Текст : электронный.

5. **SMART Imagebase** // EBSCOhost : [портал]. – URL: <https://ebsco.smartimagebase.com/?TOKEN=EBSCO-1a2ff8c55aa76d8229047223a7d6dc9c&custid=s6895741>. – Режим доступа : для авториз. пользователей. – Изображение : электронные.

### 6. Федеральные информационно-образовательные порталы:

6.1. **Единое окно доступа к образовательным ресурсам** : федеральный портал / учредитель ФГАОУ ДПО ЦРГОП и ИТ. – URL: <http://window.edu.ru/>. – Текст : электронный.

6.2. **Российское образование** : федеральный портал / учредитель ФГАОУ ДПО ЦРГОП и ИТ. – URL: <http://www.edu.ru>. – Текст : электронный.

### 7. Образовательные ресурсы УлГУ:

7.1. Электронная библиотека УлГУ : модуль АБИС Мега-ПРО / ООО «Дата Экспресс». – URL: <http://lib.ulsu.ru/MegaPro/Web>. – Режим доступа : для пользователей научной библиотеки. – Текст : электронный.

7.2. Образовательный портал УлГУ. – URL: <http://edu.ulsu.ru>. – Режим доступа : для зарегистрир. пользователей. – Текст : электронный.

Согласовано:

*Зам. нач. УИТИ*  
\_\_\_\_\_

должность сотрудника УИТИ


*Ключкова ДС*  
\_\_\_\_\_

ФИО

*18.06.2020*  
\_\_\_\_\_

подпись

дата

Министерство науки и высшего образования Российской Федерации Ульяновский государственный университет	Форма	
Ф-Рабочая программа по дисциплине		

## 12. МАТЕРИАЛЬНО-ТЕХНИЧЕСКОЕ ОБЕСПЕЧЕНИЕ ДИСЦИПЛИНЫ

Аудитория -3/316. Аудитория для проведения лекционных, семинарских и практических занятий, текущего контроля и промежуточной аттестации, групповых и индивидуальных консультаций. Комплект переносного мультимедийного оборудования: ноутбук с выходом в Интернет, экран, проектор, Wi-Fi с доступом в Интернет, ЭИОС, ЭБС. 432017, Ульяновская область, г. Ульяновск, ул. Набережная реки Свияги, д. 106-3 корпус.

Аудитория -237. Читальный зал научной библиотеки с зоной для самостоятельной работы. Аудитория укомплектована ученической мебелью. Компьютерная техника, телевизор, экран, проектор. Стол для лиц с ОВЗ. 432017, Ульяновская область, г. Ульяновск, р-н Железнодорожный, ул. Набережная р. Свияги, № 106-1 корпус.

## 13. СПЕЦИАЛЬНЫЕ УСЛОВИЯ ДЛЯ ОБУЧАЮЩИХСЯ С ОГРАНИЧЕННЫМИ ВОЗМОЖНОСТЯМИ ЗДОРОВЬЯ

В случае необходимости, обучающимся из числа лиц с ограниченными возможностями здоровья (по заявлению обучающегося) могут предлагаться некоторые из следующих вариантов восприятия информации с учетом их индивидуальных психофизических особенностей:

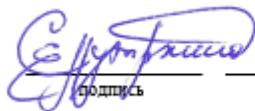
– для лиц с нарушениями зрения: в печатной форме увеличенным шрифтом; в форме электронного документа; в форме аудиофайла (перевод учебных материалов в аудиоформат); в печатной форме на языке Брайля; индивидуальные консультации с привлечением тифлосурдопереводчика; индивидуальные задания и консультации;

– для лиц с нарушениями слуха: в печатной форме; в форме электронного документа; видеоматериалы с субтитрами; индивидуальные консультации с привлечением сурдопереводчика; индивидуальные задания и консультации;

– для лиц с нарушениями опорно-двигательного аппарата: в печатной форме; в форме электронного документа; в форме аудиофайла; индивидуальные задания и консультации.

В случае необходимости использования в учебном процессе частично/исключительно дистанционных образовательных технологий, организация работы ППС с обучающимися с ОВЗ и инвалидами предусматривается в электронной информационно-образовательной среде с учетом их индивидуальных психофизических особенностей.

Разработчик:

  
подпись

доцент

должность

Сутыркина Екатерина Алексеевна

ФИО